

Životnost výrobku (žárovky) je náhodná  
 $X$ , která může (teoreticky) nabýt jaké  
hodnoty  $x \geq 0$

---

1 200 000

městnance leží mezi 400  
) tis. Kč

---

---

4 000

veličina  
koliv

## Stejněměrné rozdělení

1) Autobusy odjíždějí z určité zastávky během dne pravidelně každých 15 minut. V náhodnou dobu přijdete na zastávku.

a) Jaká je pravděpodobnost, že budete na autobus čekat dobu mezi 5 až 10 minutami?

b) Jaká je pravděpodobnost, že budete čekat alespoň 12 minut?

c) Stanovte střední hodnotu a směrodatnou odchylku doby čekání.

$$E(x) = \frac{a + b}{2}$$

$$Var(x) = \frac{b - a}{12}$$

$$P(c \leq X \leq d) = \frac{d - c}{b - a} .$$

## Normální rozdělení

**Normální** (nebo **Gaussovo**) **rozdělení pravděpodobnosti** je jedno z nejdůležitějších. Tímto rozdělením pravděpodobnosti se sice neřídí velké množství veličin, ale jeho výz řadu jiných pravděpodobnostních rozdělení (spojitých i diskretních).

**1) Výrobce hamburgerů zjistil, že průměrná hmotnost jednoho hamburgeru je 150 g se směrodatnou odchylkou 15.**

Zjistěte, jaká je p-st, že náhodně vybraný hamburger bude mít hmotnost:

- a) menší než 105g
- b) nejvýše 165 g
- c) menší než 150 g
- d) větší než 150 g
- e) větší než 165 g
- f) 90 g
- g) větší než 140 g
- h) v rozmezí 140-165 g
- i) v rozmezí 105-140 g
- j) Určete 90% kvantil, tj. hmotnost, kterou hamburger přesáhne s pravděpodobností 10%
- k) Určete 95% kvantil, tj. hmotnost, kterou hamburger přesáhne s p-stí 5%
- l) Sestrojte graf hustoty tohoto rozdělení.

**2) Bylo zjištěno, že průměrná délka skoku do dálky studenta 1. ročníku gymnázia je 420cm se směrodatnou odchylkou 25.**

alespoň  $3 \cdot 25 = 75$  na levo i na pravo

Zjistěte, jaká je p-st, že student skočí:

- a) méně než 400cm
- b) právě 500cm
- c) nejvýše 410cm
- d) méně než 410cm
- e) více než 450cm
- f) více než 400 cm
- g) právě 400cm
- h) v rozmezí 400cm až 440cm
- i) v rozmezí 380cm až 460cm
- j) Sestrojte graf hustoty daného rozdělení.

1 rozdělení pravděpodobnosti spojité náhodné veličiny.  
:nam spočívá v tom, že za určitých podmínek dobře aproximuje

:m

## Exponenciální rozdělení

**1) Průměrná čekací doba zákazníka na obsluhu v určité prodejně potravin je 60s. Doba čekání se řídí exponenciálním rozdělením.**

Zjistěte, s jakou pravděpodobností bude náhodný zákazník obsloužen za:

- a) dobu kratší než 40s
- b) dobu delší než 50s
- c) 50s
- d) určete 90% kvantil

**2) Výrobce uvádí průměrnou životnost praček 12 let.**

Za předpokladu, že se životnost praček řídí exponenciálním rozdělením, stanovte:

- a) p-st, že životnost pračky bude nejvýše 10 let
- b) p-st, že životnost pračky bude alespoň 10 let
- c) p-st, že životnost pračky překročí 20 let
- d) p-st, že životnost pračky bude alespoň 15 let
- e) sestrojte graf hustoty příslušného rozdělení

## Stejněměrné

Hustota pravděpodobnosti:  
(hodnoty leží v intervalu  $\langle a, b \rangle$ )

$$f(x) = \frac{1}{b - a}$$

Střední hodnota:

$$E(x) = \frac{a + b}{2}$$

Rozptyl:

$$Var(x) = \frac{b - a}{12}$$

## Normální

Hustota pravděpodobnosti:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Střední hodnota:

$$E(x) = \mu$$

Rozptyl:

$$Var(x) = \sigma^2$$

**=NORM.DIST(x;střed\_hodn;sm\_odch;součet)**

součet=1 (PRAVDA)  
součet=0 (NEPRAVDA)

plocha pod křivkou  $f(x)$  v intervalu  
hodnota  $f(x)$

**=NORM.INV(prst;střední;sm\_odch)**

Standardizace:

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

**=STANDARDIZE(x;střed\_hodn;sm\_odch)**

## Normované normální rozdělení

Hustota pravděpodobnosti:

$$f(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{z^2}{2}}$$

\_\_\_\_\_

se střední hodnotou

$$E(x) = \mu = 0$$

a rozptylem

$$Var(x) = \sigma^2 = 1$$

**=NORMSDIST(z)**

plocha pod křivkou

**=NORMSINV(prst)**

## Exponenciální rozdělení

Hustota pravděpodobnosti:

$$f(x) = \frac{1}{\delta} \cdot e^{-\frac{1}{\delta}x}$$

se střední hodnotou

$$E(x) = \delta$$

a rozptylem

$$Var(x) = \delta^2$$

Distribuční funkce:

$$F(x) = 1 - e^{-\frac{1}{\delta}x}$$

**=EXPONDIST(x;lambda;součet)**

$$\text{lambda} = \frac{1}{\delta}$$

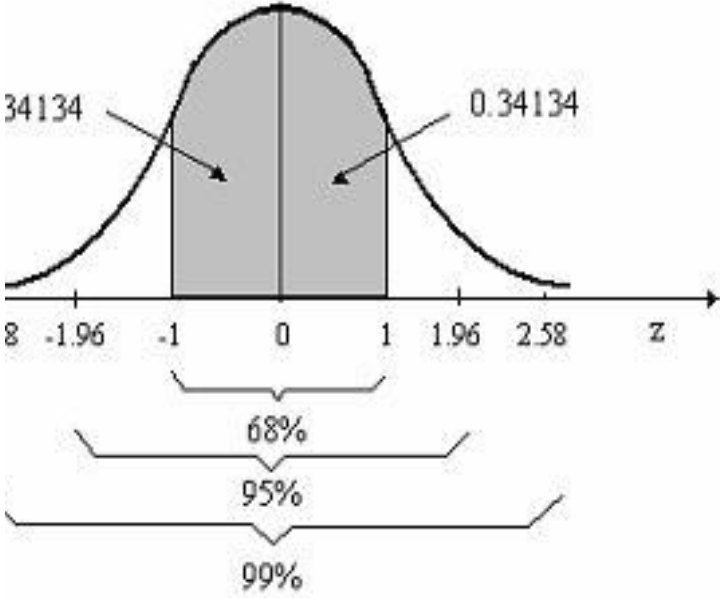
součet=1 (PRAVDA)

součet=0 (NEPRAVDA)

plocha pod křivkou  $f(x)$  v intervalu  
hodnota  $f(x)$

=hodnota distribuční fu



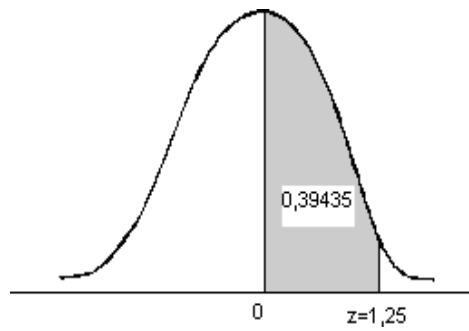




inkce F(x)

| $z =$ |         | 0.01    | 0.02    | 0.03    | 0.04    | 0.05    | 0.06    |
|-------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0     | 0       | 0.00399 | 0.00798 | 0.01197 | 0.01595 | 0.01994 | 0.02392 |
| 0.1   | 0.03983 | 0.0438  | 0.04776 | 0.05172 | 0.05567 | 0.05962 | 0.06356 |
| 0.2   | 0.07926 | 0.08317 | 0.08706 | 0.09095 | 0.09483 | 0.09871 | 0.10257 |
| 0.3   | 0.11791 | 0.12172 | 0.12552 | 0.1293  | 0.13307 | 0.13683 | 0.14058 |
| 0.4   | 0.15542 | 0.1591  | 0.16276 | 0.1664  | 0.17003 | 0.17364 | 0.18824 |
| 0.5   | 0.19146 | 0.19497 | 0.19847 | 0.20194 | 0.2054  | 0.20884 | 0.21226 |
| 0.6   | 0.22575 | 0.22907 | 0.23237 | 0.23565 | 0.23891 | 0.24215 | 0.24537 |
| 0.7   | 0.25804 | 0.26115 | 0.26424 | 0.2673  | 0.27035 | 0.27337 | 0.27637 |
| 0.8   | 0.28814 | 0.29103 | 0.29389 | 0.29673 | 0.29955 | 0.30234 | 0.30511 |
| 0.9   | 0.31594 | 0.31859 | 0.32121 | 0.32381 | 0.32639 | 0.32894 | 0.33147 |
| 1     | 0.34134 | 0.34375 | 0.34614 | 0.3485  | 0.35083 | 0.35314 | 0.35543 |
| 1.1   | 0.36433 | 0.3665  | 0.36864 | 0.37076 | 0.37286 | 0.37493 | 0.37698 |
| 1.2   | 0.38493 | 0.38686 | 0.38877 | 0.39065 | 0.39251 | 0.39435 | 0.39617 |
| 1.3   | 0.4032  | 0.4049  | 0.40658 | 0.40824 | 0.40988 | 0.41149 | 0.41309 |
| 1.4   | 0.41924 | 0.42073 | 0.4222  | 0.42364 | 0.42507 | 0.42647 | 0.42786 |
| 1.5   | 0.43319 | 0.43448 | 0.43574 | 0.43699 | 0.43822 | 0.43943 | 0.44062 |
| 1.6   | 0.4452  | 0.4463  | 0.44738 | 0.44845 | 0.4495  | 0.45053 | 0.45154 |
| 1.7   | 0.45543 | 0.45637 | 0.45728 | 0.45818 | 0.45907 | 0.45994 | 0.4608  |
| 1.8   | 0.46407 | 0.46485 | 0.46562 | 0.46638 | 0.46712 | 0.46784 | 0.46856 |
| 1.9   | 0.47128 | 0.47193 | 0.47257 | 0.4732  | 0.47381 | 0.47441 | 0.475   |
| 2     | 0.47725 | 0.47778 | 0.47831 | 0.47882 | 0.47932 | 0.47982 | 0.4803  |
| 2.1   | 0.48214 | 0.48257 | 0.483   | 0.48341 | 0.48382 | 0.48422 | 0.48461 |
| 2.2   | 0.4861  | 0.48645 | 0.48679 | 0.48713 | 0.48745 | 0.48778 | 0.48809 |
| 2.3   | 0.48928 | 0.48956 | 0.48983 | 0.4901  | 0.49036 | 0.49061 | 0.49086 |
| 2.4   | 0.4918  | 0.49202 | 0.49224 | 0.49245 | 0.49266 | 0.49286 | 0.49305 |
| 2.5   | 0.49379 | 0.49396 | 0.49413 | 0.4943  | 0.49446 | 0.49461 | 0.49477 |
| 2.6   | 0.49534 | 0.49547 | 0.4956  | 0.49573 | 0.49585 | 0.49598 | 0.49609 |
| 2.7   | 0.49653 | 0.49664 | 0.49674 | 0.49683 | 0.49693 | 0.49702 | 0.49711 |
| 2.8   | 0.49744 | 0.49752 | 0.4976  | 0.49767 | 0.49774 | 0.49781 | 0.49788 |
| 2.9   | 0.49813 | 0.49819 | 0.49825 | 0.49831 | 0.49836 | 0.49841 | 0.49846 |
| 3     | 0.49865 | 0.49869 | 0.49874 | 0.49878 | 0.49882 | 0.49886 | 0.49889 |
| 3.1   | 0.49903 | 0.49906 | 0.4991  | 0.49913 | 0.49916 | 0.49918 | 0.49921 |

| 0.07    | 0.08    | 0.09    |
|---------|---------|---------|
| 0.0279  | 0.03188 | 0.03586 |
| 0.06749 | 0.07142 | 0.07535 |
| 0.10642 | 0.1026  | 0.11409 |
| 0.14431 | 0.14803 | 0.15173 |
| 0.18082 | 0.18439 | 0.18793 |
| 0.21566 | 0.21904 | 0.2224  |
| 0.24857 | 0.25175 | 0.2549  |
| 0.27935 | 0.2823  | 0.28524 |
| 0.30785 | 0.31057 | 0.31327 |
| 0.33398 | 0.3646  | 0.33891 |
| 0.35769 | 0.35993 | 0.36214 |
| 0.379   | 0.381   | 0.38298 |
| 0.39796 | 0.39973 | 0.40147 |
| 0.41466 | 0.41621 | 0.41774 |
| 0.42922 | 0.43056 | 0.43189 |
| 0.44179 | 0.44295 | 0.44408 |
| 0.45254 | 0.45352 | 0.45449 |
| 0.46164 | 0.46246 | 0.46327 |
| 0.46928 | 0.46995 | 0.47062 |
| 0.47558 | 0.47615 | 0.4767  |
| 0.48077 | 0.48124 | 0.48169 |
| 0.485   | 0.48537 | 0.48573 |
| 0.4884  | 0.4887  | 0.48899 |
| 0.49111 | 0.49134 | 0.49158 |
| 0.49324 | 0.49343 | 0.49361 |
| 0.49492 | 0.49506 | 0.4952  |
| 0.49621 | 0.49532 | 0.49643 |
| 0.4972  | 0.49728 | 0.49736 |
| 0.49795 | 0.49801 | 0.49807 |
| 0.49851 | 0.49856 | 0.49861 |
| 0.49893 | 0.49897 | 0.499   |
| 0.49924 | 0.49926 | 0.49929 |



| Pořadové číslo respondenta |     | 1. Vaše pohlaví: |      | 2. Vaš věk: |         | 3. Vaše ekonomická aktivita: |      |              |              |          |       | 4. Jaký je Vaš obecný postoj ke zdravému životnímu stylu? |                           |           |   | 5. Jak často cvičíte?               |                |            |              | 6. Jak byste |            |           |               |
|----------------------------|-----|------------------|------|-------------|---------|------------------------------|------|--------------|--------------|----------|-------|---|---------------------------|-----------|---|-------------------------------------|----------------|------------|--------------|--------------|------------|-----------|---------------|
|                            | muž | žena             | jiné | Vypsat      | student | zaměstnanec                  | OSVČ | v domácnosti | nezaměstnaný | důchodce | jiné: | vůbec se o něj nezajímám                                  | rád/a bych se jim řídil/a | neutrální | snažím se řídit zásadami zdravého životního stylu | dodržování zdravého životního stylu | vůbec necvičím | 1x měsíčně | 2-4x měsíčně | 2-4x týdně   | 5-6x týdně | každý den | zcela pasivní |
| 1                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 1              | 0          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 2                          | 0   | 1                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 1          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 3                          | 1   | 0                | 0    | 22          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 1              | 0          | 0            | 0            | 0          | 0         | 1             |
| 4                          | 1   | 0                | 0    | 21          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 5                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 1          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 6                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 1              | 0          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 7                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 0            | 0            | 1          | 0         | 0             |
| 8                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 9                          | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 10                         | 1   | 0                | 0    | 21          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 1          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 11                         | 0   | 1                | 0    | 19          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 12                         | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 13                         | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 1     | 0   | 0                         | 0         | 0   | 0                                   | 1              | 0          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 14                         | 1   | 0                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 15                         | 0   | 1                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 1          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 16                         | 0   | 1                | 0    | 21          | 1       | 1                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 1                         | 0         | 0   | 0                                   | 0              | 1          | 0            | 0            | 0          | 0         | 0             |
| 17                         | 0   | 1                | 0    | 20          | 1       | 0                            | 0    | 0            | 0            | 0        | 0     | 0   | 0                         | 1         | 0   | 0                                   | 0              | 0          | 1            | 0            | 0          | 0         | 0             |









| 11. Kolikrát denně jíte? |      | 12. Které potraviny lépe vyhovují Vám? |   | 13. Které tvrzení nejlépe klasifikuje Vaše stravovací návyky? |                               | 14. Kolik procent jídelníčku tvoří ovoce a zelenina? |                 | 15. Chodíte do sauny?<br>Pokud ano, jak často? |       |        |        |         |          |                  |           |             |                  |
|--------------------------|------|--|---|---|-------------------------------|--|-----------------|--|-------|--------|--------|---------|----------|------------------|-----------|-------------|------------------|
| 4-6x                     | 7x + | fastfood, sladkosti, smažené, slané    | čerstvé potraviny, ovoce, zelenina, maslo, nelámu si hlavu s tím co a kdy jím | jím zdravě a 1-2x denně neodolám pochutině                    | jím zdravou, vyváženou stravu | jím zdravou, vyváženou stravu                        | jsem vegetarián | jsem vegan                                     | 0-25% | 26-50% | 51-75% | 76-100% | nechodím | pár krát do roka | 1xměsíčně | 1-4xměsíčně | několikrát týdně |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 0                        | 0    | 1                                      | 0   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 0                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 0   | 0                             | 1  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 0        | 0                | 1         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 0                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 1                                      | 0   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 0                        | 0    | 0                                      | 1   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 1     | 0      | 0      | 0       | 0        | 1                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 0        | 0                | 1         | 0           | 0                |
| 0                        | 0    | 0                                      | 1   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 1   | 0                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 0      | 1      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |
| 1                        | 0    | 0                                      | 1   | 0   | 1                             | 0  | 0               | 0  | 0     | 1      | 0      | 0       | 1        | 0                | 0         | 0           | 0                |





