

Vypočítejte koeficient korelace mezi těžbou uhlí v 1000t a náklady na vytěžbu. Výchozí údaje potřebné k výpočtu jsou uvedeny v tabulce. Na hladině významnosti 0,05 testujte statistickou významnost korelačního

Důl číslo	x	y
1	350	37
2	351	38
3	329	38
4	329	38.5
5	327	37.5
6	322	39.1
7	321	39.6
8	316	42.1
9	298	42.9
10	286	43.5

šíženou tunu v Kč.

o koeficientu.

Filmový festival v kategorii hudebních filmů představil festivalové které současně oceňovala v anketě i divácká obec. Pořadí hodnocení písmeny A, B, ..., J) shrnuje tabulka.

Spearmanovým korelačním koeficientem odhadněte, zda existuje dvěma sadami hodnocení. Otestujte tento koeficient na 5% hladir

Film	Pořadí odborné poroty	Pořadí v anketě
A	5	1
B	7	6
C	9	4
D	1	3
E	2	8
F	8	7
G	3	2
H	4	5
I	6	10
J	10	9

porotě 10 snímků,  
ení děl (ta označíme

souvislost mezi těmito  
ně významnosti.

Testujte na hladině významnosti 0,01 statistickou významnost  $k$

coefficientu korelace, známe-li  $r = -0,4$ ;  $n = 15$ . Závisí y lineární

nač na  $x$  ?

Vypočtěte korelační koeficient z údajů v tabulce. Máme již vypočtené:  
 $\sum xy = \dots$ ,  $\sum x^2 = 42$ ,  $\sum y^2 = 107$ ,  $\sum x^2 = 10,0$ ,  $\sum y^2 = 28$

$x$	$y$
1	3
4	7
5	7

Může korelační koeficient nabývat záporných hodnot?

očteno:

Máme vypočteny tyto parciální korelační koeficienty:

$$r_{yx_2} = 0,8 \quad r_{yx_1} = 0,3$$

Regresní funkce byla odhadována tvaru

$$Y = b_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2$$

pro počet pozorování n=14.

- a) Která proměnná více ovlivňuje y ?
- b) Testujte na hladině významnosti 0,05 statistickou významnost parciálního korelačního koeficientu Je statisticky významný?

*k<sub>y</sub>*<sub>2</sub>.x<sub>1</sub> = 0.3

Koeficient korelace:

$$r_{xy} = \frac{n \cdot \sum x_i \cdot y_i - \sum x_i \cdot \sum y_i}{\sqrt{[n \cdot \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2] [n \cdot \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2]}}.$$

### Testování nulovosti párové korelace

1. Nulová hypotéza  $H_0: \rho_{xy} = 0$  vs. alternativní hypotéza  $H_1: \rho_{xy} \neq 0$
2. Testové kritérium:

$$T = \frac{r_{xy} \cdot \sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r_{xy}^2}},$$

kde  $n$  = počet dvojic  $(x_i, y_i)$ , tj. rozsah výběrového souboru.

3. Kritická hodnota testu na hladině významnosti alfa je  $K = t_{n-2}(\alpha)$  rozdělení s  $n-2$  stupni volnosti.
4. Je-li  $|T| < K$ , pak se  $H_0$  přijímá, tj.  $Y$  není lineárně závislé na  $X$ , nejdříve  $H_1$ , což znamená, že  $Y$  je (do jisté míry) lineárně závislé na  $X$ .

### Spearmanův koeficient pořadové korelace

$$r_s = 1 - \frac{6 \cdot \sum d_i^2}{n(n^2 - 1)}.$$

Test statistické významnosti

1. Testovaná hypotéza  $H_0: X, Y$  jsou nezávislé vs. alternativní  $H_1: X, Y$  jsou závislé.
2. Testové kritérium má tvar:

$$T = (n-1) \cdot r_s.$$

3. Kritická hodnota testu  $K = \text{kritická hodnota rozdělení } N(0,1) \text{ na 1 NORMSINV}(1-\alpha)$ .
4. Je-li  $|T| \geq K$ , zamítáme hypotézu  $H_0$ . V opačném případě přijímá

### **Test statistické významnosti koeficientu parciální korelace (příklad)**

1.  $H_0 : \rho_{yx_1 \cdot x_2} = 0$  (není přítomna korelační závislost),  $H_1 : \rho_{yx_1 \cdot x_2} \neq 0$
2. Testové kritérium:

$$T = \frac{r_{yx_1 \cdot x_2} \sqrt{n-3}}{\sqrt{1 - r_{yx_1 \cdot x_2}^2}} .$$

3. Kritická hodnota na hladině alfa =  $K = t_{n-3}(\alpha) = \text{TINV}(\alpha, n-3)$ .
4. Pokud  $|T| \geq t_{n-3}(\alpha)$ , pak je koeficient parciální korelace  $\rho_{yx_1 \cdot x_2}$  nenulový.

).

). Týká se tedy Studentova

na  $X$ . V opačném případě  
ia  $X$ .

hypotéza  $H_1$ :  $X, Y$  nejsou

hladině významnosti alfa =

ime  $H_0$ .

**pad 4-5):**

$$\neq 0.$$

statisticky významný,