

Last decades have seen the introduction of new areas of applied mathematics, mathematical cybernetics, information mathematics and computing science, operations research, and others, involving programming, problems of automatic control and model construction, which would be unthinkable without computers able to process very large quantities of data and to perform complex and lengthy computations at a high speed. Computerization of the human activities above is one of the main features of modern time.

|                            |                       |   |
|----------------------------|-----------------------|---|
| quantity                   | kwontiti              | mnóžství, velikost                        |
| space                      | spejs                 | prostor                                   |
| relationship               | ri'lejšanšip          | vztah, závislost                          |
| fundamental                | fandə'menti           | základní, podstatný                       |
| branch                     | brə:nč                | odvětví, obor; větev                      |
| antiquity                  | ən'tikviti            | starověk, antika                          |
| to extend                  | iks'tend              | rozšířit                                  |
| variable                   | veəriəbl              | proměnná                                  |
| to satisfy                 | sə'tisfaɪ             | uspokojit, vyhovět                        |
| particular                 | pə'tikjələ            | jednotlivý; zvláštní                      |
| to unify                   | junifaɪ               | sjednotit                                 |
| to provide                 | prə'vaɪd              | poskytnout, dát, opatřit                  |
| to map                     | mæp                   | zobrazit                                  |
| to convert into            | kən'veɪt              | přeměnit, převést na                      |
| equation                   | i'kwɛɪʃn              | rovnice                                   |
| shape                      | ʃeɪp                  | tvar, útvar, podoba                       |
| approach                   | ə'prəʊč               | přístup, pojetí                           |
| to refer to                | ri'feɪ                | odkazovat na, mluvit o                    |
| calculus                   | kəl'kjʊləs            | diferenciální a integrační počet, kalkulu |
| motion                     | məʊʃn                 | pohyb                                     |
| sequence                   | sɪ'kwəns              | postupnost, řada                          |
| advance                    | əd'veɪns              | pokrok, zdokonalení, vývoj                |
| theory                     | θiəri                 | teorie                                    |
| to deal with, dealt, dealt | dɪ:l, delt            | zabývat se něčím, pojednávat              |
| property                   | prə'pɜ:ti             | vlastnost                                 |
| integer                    | ɪntɪdʒə               | celé číslo                                |
| to apply to                | ə'plai                | týkat se, platit o; aplikovat             |
| to include                 | ɪn'klu:d              | zahrnout, obsahovat                       |
| set                        | set                   | množina, soubor                           |
| matrix, matrices           | meɪtrɪks, -ɪsɪz       | matice, matrice                           |
| Euclid, Euclidean          | ju:kli:d, ju:kli:diən | Euklides, euklidovský                     |
| to subject to              | səb'dʒekt             | podrobit, vystavit                        |
| continuous                 | kən'tɪnjuəs           | souvislý, spojitý (funkce)                |

|                           |         |
|---------------------------|---------|
| creation                  | kri'eɪ  |
| to attempt                | ə'tempt |
| to reduce to              | ri'dʒ   |
| notation                  | nə'teɪ  |
| reasoning                 | ri:zn   |
| set-theoretic             | 'set    |
| to permeate               | peɪmət  |
| infinitly                 | ɪn'fɪ   |
| group                     | gru:p   |
| to reveal                 | ri'vi   |
| similarity                | 'sɪmə   |
| domain                    | do'meɪn |
| recent                    | ri:sn   |
| finite                    | fɪnɪt   |
| combinatorial mathematics | 'kɒmb   |
| probability               | 'prɒb   |
| uncertainty               | ən'seɪ  |
| chance                    | 'tʃæns  |
| to measure; measure       | meɪʒ    |
| likelihood                | laɪkli  |
| event                     | ɪ'vent  |
| relevant                  | ri'lev  |
| value                     | vælju   |
| to be concerned with      | kən's   |
| (sg. se nyní nepoužívá)   | deɪtə   |
| based on                  | beɪst   |
| conversely                | kən've  |
| vice versa                | vɪs     |
| to spring, sprang, sprung | sprɪŋ   |
| area                      | ɛəriə   |
| applied mathematics       | ə'plɪ   |
| cybernetics               | 'saɪb   |
| information mathematics   | 'ɪnf    |
| computing science         | 'kɒm    |
| computer science          | 'kɒm    |
| operations (US) research  | 'ɒp     |
| operational (GB)research  | 'ɒp     |
| programming               | prɒg    |
| automatic control         | 'ɒt     |
| unthinkable               | ən'θ    |

racovávat  
 vědět, vykonávat  
 počet, počítání  
 žitý  
 onhavy  
 vědění na počítač, ukřítí p.  
 charakteristický rys, znak

ě označujeme (o kterých  
 1) jedním slovem "analýza"  
 vytvoři došlo  
 sel  
 o algebze  
 e zabývá čim  
 se široce uplatňuje  
 h desetiletích jsme byli  
 daní nových oborů  
 lgebrý, například ...

le mají sloveso v jednot-

5. linguistics, aj.  
 2. slabice od konce.  
 a -logy, -graphy,  
 e od konce:  
 etry, trigonometry,  
 jí bez členu:  
 n analysis.  
 eme členu:  
 a Boolean algebra.  
 = algebraic structure)  
 (na levé straně struktura  
 ožena pojmenování, kde  
 jméno):

5. Konečně jsou v matematice často složena pojmenování typá:  
 a) the Riemann integral, the Lebesgue /Lebesg/ measure, a Hilbert space,  
 the Cauchy /roši/ formula, a Banach algebra, the/a Hasse diagram, itd.  
 b) privlastňovací před (bez členu): Cramer's rule, Taylor's theorem,  
 Euclid's geometry (také the geometry of Euclid), aj.  
 c) s archaizující (latinskou) příponou -ean nebo -ian: Euclidean geometry,  
 Riemannian geometry, the Cartesian product /ka: 'ti:zen/, an Abelian  
 /a beljan/ group, Newtonian physics /srovnej také Shakespearean theatre,  
 Victorian period/.

#### Přeložte:

1. V období vědeckotechnické revoluce se matematické výsledky (achievements) a metody široce uplatňují v rozmanitých oborech teorie i praxe.
2. Jednou z charakteristických vlastností současně matematicky je vznik nových odvětví, ve kterých se prolínají metody různých matematických disciplín.
3. Na přírodovědecké fakultě jsou katedry matematiky, fyziky, chemie, biologie, biochemie, geologie a zeměpisu.
4. Matematika měla vždy úzké vztahy k logice a filosofii.
5. Matematická lingvistika studuje jazykové struktury s použitím (using) matematických a logických modelů.
6. Význam tohoto oboru vzrostl v posledních letech při tvorbě (in developing) umělých jazyků pro počítače a v oblasti automatického překladač z jednoho jazyka do druhého.

#### 2. THE ABSTRACT LANGUAGE OF MATHEMATICS

Mathematics is an important tool for science. But while science is closely tied to the physical world, mathematics is essentially abstract. The first phase of the abstraction of mathematics from physical reality is the use of undefined words in definitions, e.g., in the following ones:

Point: the common part of two intersecting lines.  
 Line: the figure traced by a point which moves along the shortest path between the points.

Thus we have defined point in terms of line and line in terms of point. Clearly, such definitions are going in circles. Adding another word, between, we may define:

Line segment: that portion of a line contained between two given points on a line.

The words other than those underlined are without special meanings and thus may be used freely.

Once we have built up our vocabulary from underlined words and other words defined in terms of them, we can make statements about these new terms. They will be declarative sentences (assertions) which are so precisely stated that they are either true or false. Statements accepted as true are called axioms. Certainly the geometry of Euclid was a grand abstraction from

physical space. But the type of abstraction found in modern mathematics is of an even higher order, i.e., the objects, relations, and operations with which it deals are already themselves abstractions.

When we have shown that the truth of a given statement follows logically from the assumed truth of our axioms, we call this statement a theorem and say that "we have proved it." The main interest of a mathematician is to invent new theorems and to construct proofs for them, and the two mental processes vital to all mathematical progress are abstraction and proof.

The rules of mathematical reasoning may be viewed as the grammar of mathematics. Its vocabulary, in addition to technical terms discussed above, typically includes symbols such as:

numerals for numbers;

letters for unknown numbers;

$\pi$  for the ratio of the circumference to the diameter of a circle;  
sin (for sine), cos (for cosine) and tan (for tangent) for the ratios between sides in a right triangle;

$\sqrt{\quad}$  for a square root;  $\infty$  for infinity;

$\int, \partial, \Sigma$  and  $\rightarrow$  for selected other concepts in higher mathematics.

|                          |                           |                            |
|--------------------------|---------------------------|----------------------------|
| abstract                 | z'abstrakt                | abstraktivní               |
| to abstract, abstraction | ab'strahovat', ab'strakce | abstrahovat', abstrahace   |
| tool                     | tu:l                      | nástroj, prostředek        |
| to tile                  | tal                       | vázat, pojít (se)          |
| essential                | i'senciál                 | zásadní, podstatný         |
| phase                    | fe:z                      | fáze, stadium, stupeň      |
| reality                  | ri'ziliti                 | skutečnost, realita        |
| undefined                | 'andi'feind               | nedefinovaný               |
| common                   | komon                     | společný; obecný; běžný    |
| to intersect             | int'sekt                  | protínat (se)              |
| line (straight line)     | lain, streit l.           | přímka, čára               |
| to trace                 | tre:ls                    | nakreslit, vyznačit        |
| to move along            | mu:v o'lonq               | pohybovat se p'e           |
| path                     | pa:q                      | cesta, dráha; vzdálenost   |
| term                     | ta:im                     | termín, výraz, člen (mat.) |
| in terms of              | klizil                    | vyjádřeno jako, pomocí     |
| clearly                  | klizil                    | zřejmě, je zřejmé, že      |
| to go in circle          | in sa:kl                  | pohybovat se v kruhu       |
| line segment             | lain segment              | úsečka                     |
| portion                  | po:šn                     | část, úsek                 |
| to underline             | 'ande'lain                | podtrhnout                 |
| meaning                  | mi:ninq                   | význam, smysl              |
| once                     | vaus                      | jednou, jakmile, když      |

|                            |        |
|----------------------------|--------|
| to build up (built, built) | 'bil   |
| vocabulary                 | vo'k   |
| statement                  | stei   |
| declarative                | di'k   |
| sentence                   | sent   |
| assertion                  | a'se   |
| to state                   | stei   |
| precise                    | pri'   |
| true                       | tru:   |
| false                      | fo:il  |
| to accept                  | ak'se  |
| axiom                      | aksia  |
| grand                      | grau   |
| order                      | o:da   |
| truth                      | tru:tr |
| to assume                  | a'sj   |
| theorem                    | te:u   |
| to prove                   | pru:v  |
| to invent                  | in've  |
| proof                      | pru:it |
| vital to                   | va:it  |
| progress                   | prouq  |
| rule                       | ru:l   |
| to view as                 | vju:   |
| grammar                    | grau   |
| in addition to             | in a   |
| typical of                 | tipil  |
| numeral                    | nju:ri |
| unknown                    | 'an'   |
| ratio                      | rei:š  |
| circumference              | sa'kr  |
| diameter                   | da:l a |
| sine (zkr. sin)            | sein   |
| cosine (zkr. cos)          | kousi  |
| tangent (zkr. tan)         | tan:di |
| side                       | sa:il  |
| right triangle             | rait   |
| square; square root        | skve:  |
| sign                       | sa:in  |
| to imply                   | im'p'  |

eme pomocí pojmu přímk  
nice se pohybují v kruhu  
řinná za pravidla  
řinná jako (považujeme za)  
atematiky  
patří symboly

er/, g /džii:/, h /eik/,  
an/, o /ou/, p /pi:/.  
vi:/, w /dabljui:/,

/nju:/  
/zai/  
/ou'makræn/  
n  
/si:pa/  
/to:/  
/ju:p'sa:ljæn/  
n  
/fæl/  
/kæl/  
/sæl/  
/aundʒə/

∞ - infinity  
egral /'integrəl/;  
→ - implies /implaiz/.

b) číselovka; číslice je  
ět (kterákoliv z číslic  
er): 32; a binary /bainəri/

e (for instance) = například  
mpare (srův.); viz. - namely  
to be proved (demonstrated)  
(třeba) dokázat (c.o.b.d., chd)

3. V odborné angličtině jsou velmi časté vesly s trpným rodem, zatímco v češtině dáváme přednost číslnému rodu nebo použijeme zvrátěného slovesa.

Such statements are called axioms lze přeložit trojím způsobem:  
Taková tvrzení jsou nazývána / se nazývají / nazýváme axiomy.

Z hlediska jazykové práce nás zde zajímá třetí způsob, protože chybný doslovný překlad "Such statements we call axioms" je porušením pravidla o slovosledu v anglické větě (SVOBPT).

Pamatujme si: Začneme-li takovou větu našim 4. pádem, pokračujeme v angličtině automaticky trpnou vazbou. Vzor: Hamletš napisał Shakespearo = Hamlet was written by Shakespearo (jinak bychom samozřejmě vzali obvrátil). Řešy:

Axiomy nedokazujeme. Axioms are not proved. (Ovšem také: We do not prove a.)  
Věty dokazujeme pomocí důkazů. Theorems are proved by proofs.  
Důkaz ponecháváme čtenáři. The proof is left to the reader.

Přeložte do angličtiny (s použitím trpného rodu):

1. V axiomatickém systému pojem "možina" a vztah "být prvkem" (element) nedefinujeme (tak jako nedefinujeme v geometrii pojmy "bod" a "přímka"). Pro tyto nedefinované pojmy vytvoříme řadu neokazovaných tvrzení s ranných axióm. Z těchto axióm se pak buduje celá teorie množin deduktivně.
2. První pokus o vybudování axiomatické teorie předstevuje Euklidova práce "Základy" (Elements), která obsahuje 5 známých axióm a 5 postulátů euklidovské geometrie. Rozvoj axiomatických metod se však datuje až do 19. století, kdy Lobčevskij a Boljaj položili základy geometrie neeuklidovské.
3. Matematická indukce je postup, který se používá k důkazům (to prove) určitých typů matematických vět a výrazů. Zákládá se na IV. Peanově axiómu přirozených čísel.

### 3. THE NUMBER SYSTEM AND REAL NUMBERS

Numbers are basic ideas in mathematics and it is essential to know all the important properties of our number system. We must start with the natural numbers 1, 2, 3, ... used in counting things and objects. The count is indicated by cardinal numbers, while the position in an ordered list is indicated by ordinal numbers. To add, subtract, multiply and divide pairs of natural numbers were the very first lessons of everybody's elementary arithmetic. A major step in the development of mathematics was the invention of fractions to give meaning to divisions like  $7 \div 2$  or  $2 \div 5$  (different from say  $6 \div 3 = 2$ ). Later on zero and negative numbers were added to form, together with the positive integers and fractions, the system of rational numbers. This made it possible to subtract any rational number from one another, e.g.,  $3 - 5$ . Numbers that cannot be expressed as ordinary fractions, such as  $\sqrt{2}$  and  $\sqrt{5}$ , are called irrational numbers. They are written as infinite decimal expansions: 1.4142 ... and 3.1415 ...

(Note that the decimal expansions of the rational numbers are also infinite, for example,  $1/4 = 0.25000 \dots$ ,  $1/3 = 0.33333 \dots$ ,  $1/7 = 0.142857142857 \dots$ . These, however, repeat after a certain point, whereas the irrationals do not have this property.)